

## II) حجوم و مساحات بعض لمجسمات :

### 1- متوازي المستويات القائم :

- إذا كانت  $a$  و  $b$  و  $c$  هي أبعاد متوازي المستويات القائم فإن حجمه يساوي  $.a \times b \times c$ .

- المساحة الجانبية لمتوازي المستويات القائم تساوي محيط القاعدة في الارتفاع.

- المساحة الكلية لمتوازي المستويات القائم تساوي مساحة القاعدتين زائد المساحة الجانبية.

### 2- المكعب :

- حجم مكعب حرفه  $a$  هو  $a^3$ .

- المساحة الجانبية للمكعب تساوي مساحة الوجه في 4؛ يعني  $4 \times a^2$ .

- المساحة الكلية للمكعب تساوي مساحة الوجه في 6؛ يعني  $6 \times a^2$ .

### 3- المنشور القائم :

- حجم المنشور القائم يساوي مساحة القاعدة في الارتفاع

حيث  $B$  هي مساحة القاعدة.

- المساحة الجانبية لمنشور قائم تساوي محيط القاعدة في الارتفاع.

- المساحة الكلية لمنشور قائم تساوي مساحة القاعدتين زائد المساحة الجانبية.

### 4- الأسطوانة القائمة :

- حجم الأسطوانة القائمة يساوي مساحة القاعدة في الارتفاع أي :

$$V = \pi \times R^2 \times h$$

حيث  $R$  هو شعاع القاعدة و  $h$  هو ارتفاع الأسطوانة.

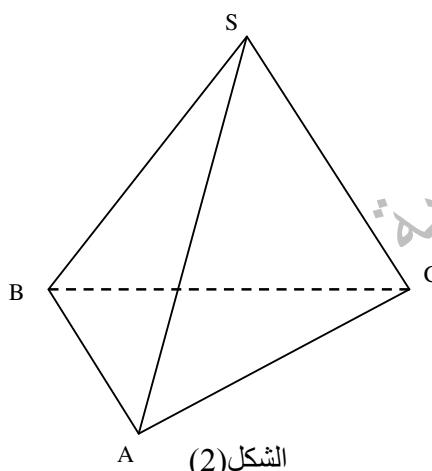
- المساحة الجانبية للأسطوانة القائمة تساوي محيط القاعدة في الارتفاع أي :

$$S_L = 2 \times \pi \times R \times h$$

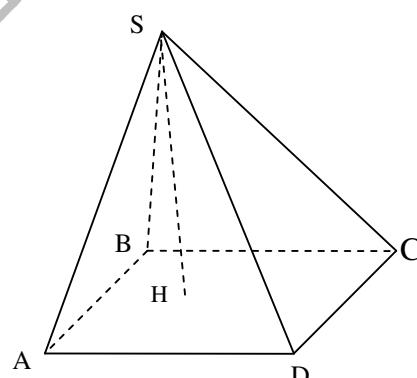
- المساحة الكلية للأسطوانة القائمة تساوي مساحة القاعدتين زائد المساحة

$$S_T = 2 \times \pi \times R^2 + 2 \times \pi \times R \times h$$

### 5- الهرم : (Pyramide)



الشكل(2)



الشكل(1)

- النقطة  $S$  تسمى رأس الهرم.

- الرباعي  $ABCD$  يسمى القاعدة.

- المسقيم  $(SH)$  عمودي على المستوى  $(ABCD)$  في النقطة  $H$ .

- نقول إن المسافة  $SH$  هي ارتفاع الهرم  $.SABCD$ .

- الهرم في الشكل (2) يسمى رباعي الأوجه.

- حجم الهرم يساوي ثلث مساحة القاعدة في الارتفاع أي :  $V = \frac{1}{3} \times B \times h$ . حيث  $B$  هي مساحة القاعدة.

- المساحة الجانبية تساوي مجموع مساحات الأوجه الجانبية.

- المساحة الكلية تساوي مساحة القاعدة زائد مساحات الأوجه الجانبية.